Исследование математических моделей.

Алгебраические уравнения являются формальными моделями, которые основываются на выражении переменных величин с помощью формул. Причем некоторые из данных уравнений не имеют точных решений. Визуализация моделей с помощью построения графиков, помогает найти некоторые приближенные решения уравнений. Мы можем находить корни уравнения путем определения точек пересечения графика с осью координат.

Визуальные математические модели в виде графиков также позволяют наблюдать за изменением их расположения на координатной плоскости при изменении определенных заданных параметров.

Пронаблюдаем на визуальных моделях движение по координатной плоскости кривых, построенных на основе квадратных и кубических уравнений:

$$\mathbf{y} = \mathbf{a} * (\mathbf{x} - \mathbf{b})^2 + \mathbf{c}$$
 (парабола) и $\mathbf{y} = \mathbf{a} * (\mathbf{x} - \mathbf{b})^3 + \mathbf{c}$ (кубическая парабола)

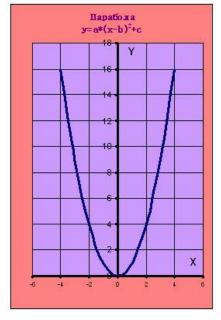
Для первого уравнения построим вначале таблицу при $\mathbf{a} = \mathbf{1}$, $\mathbf{b} = \mathbf{0}$ и $\mathbf{c} = \mathbf{0}$, когда уравнение приобретает вид $\mathbf{y} = \mathbf{x}^2$.

X	- 4	-3	- 2	- 1	0	1	2	3	4
y	16	9	4	1	0	1	4	9	16

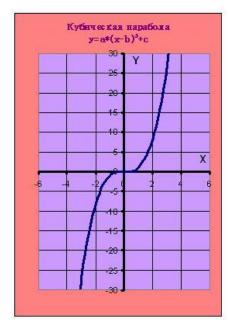
Для второго уравнения также построим таблицу значений при $\mathbf{a}=\mathbf{1}, \mathbf{b}=\mathbf{0}$ и $\mathbf{c}=\mathbf{0}$, когда уравнение приобретает вид $\mathbf{y}=\mathbf{x}^3$.

X	- 4	- 3	- 2	- 1	0	1	2	3	4
y	- 64	- 27	- 8	-1	0	1	8	27	64

Графики имеют следующий вид:



Парабола



Кубическая парабола

Исследуем данные модели с помощью того же табличного процессора Excel.

Запустим файл matematika.xls

- Щелкнем по ячейке, в которой введено значение параметра c.
- Введем вместо значения «0» значение «5». Нажмем Enter. Кривые сместились вверх относительно оси X.
- Введем вместо значения «5» значение «- 5». Нажмем Enter. Кривые сместились вниз, в отрицательную область оси Y.
- Щелкнемпо ячейке, в которой введено значение параметра а.
- Введем вместо значения «1» значение «-5». Нажмем Enter. Кривые отразились сверху вниз.
- Щелкнемпо ячейке, в которой введено значение параметра b.
- Введем вместо значения «0» значение «2». Нажмем Enter. Кривые растянулись по оси X и расположились симметрично в ее положительной и отрицательной области.
- Закроем программу.

Таким образом, исследование визуальной модели помогает наглядно представить значение параметров a, b и c для расположения графиков функций на координатной плоскости.